

# Eliptičke krivulje u kriptografiji

završni ispit - grupa A

30.5.2016.

1. Eliptička krivulja  $E$  nad poljem  $\mathbb{F}_{13}$  zadana je jednadžbom  $y^2 = x^3 + 7x + 6$ . Dokažite da je  $\alpha = (1, 1)$  generator grupe  $E(\mathbb{F}_{13})$ .
2. Pomoću Menezes-Vanstoneovog kriptosustava u kojem su javni ključ eliptička krivulja  $E$  i generator  $\alpha$  iz 1. zadatka, te  $\beta = (11, 6)$ , šifrirajte otvoreni tekst  $(x_1, x_2) = (6, 9)$ , uz pretpostavku da je jednokratni ključ  $k = 7$ .
3. Eliptička krivulja  $E$  nad poljem  $\mathbb{F}_{17}$  zadana je jednažbom  $y^2 = x^3 + x + 5$ . Za točke  $P = (2, 7)$  i  $Q = (7, 10)$  na  $E$  riješite problem eliptičkog diskretnog logaritma  $Q = [m]P$  Pohlig-Hellmanovim algoritmom ako je poznato da je točka  $P$  reda 15.
4. Faktorizirajte broj  $n = 493$  pomoću ECM faktorizacije s parametrima

$$E : \quad y^2 = x^3 + 29x + 1,$$

$$P = (0, 1) \text{ i } B = 3.$$

Dozvoljeno je korištenje džepnog kalkulatora, te dva papira s formulama.

Kalkulatori se mogu koristiti za standardne operacije, ali nije dozvoljeno korištenje gotovih funkcija za algoritme iz eliptičkih krivulja i teorije brojeva.

Rezultati: utorak, 7.6.2016. u 14 sati.

Andrej Dujella