

# Kriptografija i sigurnost mreža

završni ispit - grupa A

24.1.2014.

1. Alice je poslala istu poruku  $m$  nekolicini agenata. Eva je presrela šifrate  $c_1, c_2, c_3$  za trojicu agenata čiji su javni ključevi  $n_1, n_2$  i  $n_3$ . Poznato je da Alice i agenti koriste RSA kriptosustav s javnim eksponentom  $e = 3$ . Za zadane

$$\begin{aligned}n_1 &= 377, & c_1 &= 285, \\n_2 &= 407, & c_2 &= 214, \\n_3 &= 589, & c_3 &= 202.\end{aligned}$$

pokažite kako će Eva otkriti poruku  $m$  (bez poznavanja faktorizacije modula  $n_1, n_2, n_3$ ).

2. U Rabinovom kriptosustavu s parametrima

$$(n, p, q) = (3713, 47, 79),$$

dešifrirajte šifrat  $y = 2311$ . Poznato je da je otvoreni tekst prirodan broj  $x < n$  kojem su zadnja četiri bita u binarnom zapisu međusobno jednaka.

3. Neka je u ElGamalovom kriptosustavu  $p = 1117, \alpha = 2, a = 77$ . Dešifrirajte šifrat  $(470, 472)$ .

4. Zadan je Merkle-Hellmanov kriptosustav s parametrima

$$\begin{aligned}v &= (2, 7, 12, 29, 56, 119, 241, 487), & p &= 977, & a &= 257, \\t &= (514, 822, 153, 614, 714, 296, 386, 103).\end{aligned}$$

Dešifrirajte šifrat  $y = 1985$ .

5. Fermatovom metodom faktorizacije rastavite na proste faktore broj  $n = 579749$  (poznato je da je  $n$  produkt dva "bliska" prosta broja).

Dozvoljeno je korištenje džepnog kalkulatora, te dva papira s formulama.

Kalkulatori se mogu koristiti za standardne operacije, ali nije dozvoljeno korištenje gotovih funkcija za modularno potenciranje, modularni inverz, rješavanje linearnih kongruencija i sustava linearnih kongruencija, faktorizaciju i sl.

Rezultati: srijeda, 29.1.2014. u 12 sati.

Andrej Dujella